



**МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Казанский государственный аграрный университет»
(ФГБОУ ВО Казанский ГАУ)**

Институт механизации и технического сервиса
Кафедра физики и математики

УТВЕРЖДАЮ

Проректор по учебной работе и
цифровизации, доцент

_____ А.В. Дмитриев

«22» мая 2025 г.

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ
«Математика»
(Оценочные средства и методические материалы)**

приложение к рабочей программе дисциплины

Направление подготовки
20.03.01 Техносферная безопасность

Направленность (профиль) подготовки
Пожарная и промышленная безопасность в чрезвычайных ситуациях

Форма обучения
очная

Казань – 2025

Составитель:

доцент, к.ф.-м.н., доцент
Должность, ученая степень, ученое звание

Подпись

Газизов Евгений Равильевич
Ф.И.О.

Оценочные средства обсуждены и одобрены на заседании кафедры физики и математики «21» апреля 2025 года (протокол № 8)

Заведующий кафедрой:

д.т.н., профессор
Должность, ученая степень, ученое звание

Подпись

Ибяттов Равиль Ибрагимович
Ф.И.О.

Рассмотрены и одобрены на заседании методической комиссии Института механизации и технического сервиса «24» апреля 2025; года (протокол № 8)

Председатель методической комиссии:

доцент, к.т.н.
Должность, ученая степень, ученое звание

Подпись

Зиннатуллина Алсу Наилевна
Ф.И.О.

Согласовано:

Директор

Подпись

Медведев Владимир Михайлович
Ф.И.О.

Протокол ученого совета института № 10 от «30» апреля 2025 года

1. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЕТЕНЦИЙ С УКАЗАНИЕМ ЭТАПОВ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

В результате освоения ОПОП по направлению подготовки 20.03.01 Техносферная безопасность, обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине «Математика»:

Таблица 1.1 – Требования к результатам освоения дисциплины

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатор достижения компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
<p>ОПК-1. Способен учитывать современные тенденции развития техники и технологий в области техносферной безопасности, измерительной и вычислительной техники, информационных технологий при решении типовых задач в области профессиональной деятельности, связанной с защитой окружающей среды и обеспечением безопасности человека</p>	<p>ОПК-1.4 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности связанной с защитой окружающей среды и обеспечением безопасности человека на основе знаний основных законов математических, естественнонаучных и обще профессиональных дисциплин.</p>	<p>Знать: основные законы математики, в объеме, необходимом для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств</p> <p>Уметь: применять основные законы математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств</p> <p>Владеть: навыками использования основных законов математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств</p>

2. ОПИСАНИЕ ПОКАЗАТЕЛЕЙ И КРИТЕРИЕВ ОЦЕНИВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ НА РАЗЛИЧНЫХ ЭТАПАХ ИХ ФОРМИРОВАНИЯ, ОПИСАНИЕ ШКАЛ ОЦЕНИВАНИЯ

Таблица 2.1 – Показатели и критерии определения уровня сформированности компетенций (интегрированная оценка уровня сформированности компетенций)

Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценка уровня сформированности			
		неудовлетворительно	удовлетворительно	хорошо	отлично
ОПК-1.4 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности связанной с защитой окружающей среды и обеспечением безопасности человека на основе знаний основных законов математических, естественнонаучных и обще профессиональных дисциплин.	Знать: основные законы математики, в объеме, необходимом для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	Отсутствуют представления об основных законах математики, в объеме, необходимом для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	Сформированы неполные представления об основных законах математики, в объеме, необходимом для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	Сформированы, но содержат отдельные пробелы представления об основных законах математики, в объеме, необходимом для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	Сформированы полные и систематические представления об основных законах математики, в объеме, необходимом для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств
	Уметь: применять основные законы математики для решения типовых задач в области безопасности технологических	Не умеет применять основные законы математики для решения типовых задач в области безопасности технологических	Продемонстрировано в целом успешное, но не систематическое умение применять основные законы математики для	Продемонстрировано в целом успешное, но содержащее отдельные пробелы, умение применять основные законы	Продемонстрированы все основные умения применять основные законы математики для решения типовых задач в области безопасности

	процессов и производств	процессов и производств	решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	технологических процессов и производств
	Владеть: навыками использования основных законов математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	Не владеет навыками использования основных законов математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств	Продемонстрирован минимальный набор навыков использования основных законов математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств с ошибками	Продемонстрированы базовые навыки использования основных законов математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств с некоторыми недочетами	Продемонстрированы навыки использования основных законов математики для решения типовых задач в области безопасности технологических процессов и производств без ошибок и недочетов

Описание шкалы оценивания

1. Оценка «неудовлетворительно» ставится студенту, не овладевшему ни одним из элементов компетенции, т.е. обнаружившему существенные пробелы в знании основного программного материала по дисциплине, допустившему принципиальные ошибки при применении теоретических знаний, которые не позволяют ему продолжить обучение или приступить к практической деятельности без дополнительной подготовки по данной дисциплине.

2. Оценка «удовлетворительно» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать», т.е. проявившему знания основного программного материала по дисциплине в объеме, необходимом для последующего обучения и предстоящей практической деятельности, знакомому с основной рекомендованной литературой, допустившему неточности в ответе на экзамене, но в основном обладающему необходимыми знаниями для их устранения при корректировке со стороны экзаменатора.

3. Оценка «хорошо» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать» и «уметь», проявившему полное знание программного материала по дисциплине, освоившему основную рекомендованную литературу, обнаружившему стабильный характер знаний и умений и способному к их самостоятельному применению и обновлению в ходе последующего обучения и практической деятельности.

4. Оценка «отлично» ставится студенту, овладевшему элементами компетенции «знать», «уметь» и «владеть», проявившему всесторонние и глубокие знания программного материала по дисциплине, освоившему основную и дополнительную литературу, обнаружившему творческие способности в понимании, изложении и практическом использовании усвоенных знаний.

5. Оценка «зачтено» соответствует критериям оценок от «отлично» до «удовлетворительно».

6. Оценка «не зачтено» соответствует критерию оценки «неудовлетворительно».

3 ТИПОВЫЕ КОНТРОЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ ИЛИ ИНЫЕ МАТЕРИАЛЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОЦЕНКИ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ В ПРОЦЕССЕ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

3.1 Типовые контрольные задания

ОПК-1.4 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности связанной с защитой окружающей среды и обеспечением безопасности человека на основе знаний основных законов математических, естественнонаучных и обще профессиональных дисциплин.	
Задания закрытого типа	1. Система линейных алгебраических уравнений называется совместной, если А) она не имеет ни одного решения Б) она имеет хотя бы одно решение В) если свободные члены этой системы равны нулю Г) если ранг матрицы этой системы равен 1
	2. Система линейных алгебраических уравнений называется определенной, если:

	<p>А) ранг этой системы равен 1</p> <p>Б) если она имеет более одного решения</p> <p>В) если она не имеет решений</p> <p>Г) если она имеет единственное решение</p>
	<p>3. Теорема Кронекера-Капелли утверждает, что система линейных алгебраических уравнений $AX = B$ совместна тогда и только тогда, когда</p> <p>А) $r(A) \neq r(A/B)$</p> <p>Б) $r(A) < r(A/B)$</p> <p>В) $r(A) > r(A/B)$</p> <p>Г) $r(A) = r(A/B)$</p>
	<p>4. Три вектора в пространстве называются компланарными, если они</p> <p>А) лежат в одной плоскости или на параллельных плоскостях</p> <p>Б) лежат на одной прямой или на параллельных прямых</p> <p>В) имеют равные длины и параллельны друг другу</p> <p>Г) имеют равные длины и лежат в одной плоскости</p>
	<p>5. Два вектора \vec{a} и \vec{b} называются равными, если они</p> <p>А) имеют равные длины</p> <p>Б) коллинеарные, имеют равные длины и направление</p> <p>В) имеют равные длины и коллинеарные</p> <p>Г) имеют равные длины и лежат в одной плоскости</p>
	<p>6. Угол между прямыми, заданными уравнениями $y = k_1x + b_1$ и $y = k_2x + b_2$, вычисляется по формуле:</p> <p>А) $tg \varphi = \frac{k_2 - k_1}{1 + k_1k_2}$</p> <p>Б) $tg \varphi = \frac{k_2 - k_1}{1 - k_1k_2}$</p> <p>В) $tg \varphi = \frac{k_2 + k_1}{1 + k_1k_2}$</p> <p>Г) $tg \varphi = \frac{k_2 + k_1}{1 - k_1k_2}$</p>
	<p>7. Расстояние от точки $M_0(x_0, y_0)$ до прямой $Ax + By + C = 0$ вычисляется по формуле:</p>

$$\text{А) } d = \frac{|Ax_0 + By_0|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

$$\text{Б) } d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{A + B}$$

$$\text{В) } d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

$$\text{Г) } d = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{A^2 + B^2}$$

8. Дана матрица

$$A = \begin{pmatrix} -3 & 7 & 8 \\ 4 & -5 & 6 \\ 6 & 4 & 9 \end{pmatrix}.$$

Тогда сумма элементов этой матрицы $a_{13} + a_{21} + a_{31}$, равна:

А) 14

Б) 18

В) 1

Г) 21

9. Разложение по первой строке определителя $|A| = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ 4 & 5 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}$

имеет вид:

А) $-3a_{11} + 4a_{13}$

Б) $3a_{11} - 4a_{13}$

В) $-4a_{11} + 5a_{12} - 3a_{13}$

Г) $3a_{11} + 5a_{12} + 4a_{13}$

10. Матрица $A = \begin{pmatrix} -2 & \lambda \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$ не имеет обратной при λ равном

А) 4

Б) $-\frac{3}{2}$

В) 6

Г) $\frac{3}{2}$

11. Векторы $\vec{a}(5; 2k; -1)$ и $\vec{b}(-1; 1; 5)$ перпендикулярны, если k равно...

А) -4

Б) 4

В) -5

Г) 5

12. Выберите вектор, коллинеарный вектору $\vec{a} = (-2; -3; 1)$:

А) $\vec{b} = (-4; -6; -2)$

Б) $\vec{b} = (-4; 6; -2)$

В) $\vec{b} = (4; -6; -2)$

Г) $\vec{b} = (-4; -6; 2)$

13. Найдите скалярное произведение векторов $\vec{a} = 2\vec{i} + 2\vec{j} - 5\vec{k}$ и $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k}$

А) 17

Б) 16

В) -9

Г) 21

14. Дан треугольник ABC с вершинами $A(-2, 0)$, $B(2, 4)$ и $C(4, 2)$. Укажите координаты середины стороны AC

А) (0, 2)

Б) (2, 2)

В) (1, 1)

Г) (3, 3)

15. Ордината точки пересечения прямой $2y - 5x - 10 = 0$ с осью Oy равна...

А) 2

Б) -2

В) 5

Г) -5

16. Уравнение окружности с центром в точке $O(2; -3)$ и с радиусом, равным 2, имеет вид

А) $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 = 4$

Б) $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 = 4$

В) $(x - 2)^2 + (y - 3)^2 = 4$

Г) $(x + 2)^2 + (y + 3)^2 = 4$

17. Эксцентриситет эллипса $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{39} = 1$ равен

А) $\frac{5}{8}$

Б) $\frac{8}{5}$

В) $-\frac{5}{8}$

Б) $-\frac{8}{5}$

18. Уравнение директрисы параболы $y^2 = 4x$ имеет вид

А) $x = -1$

Б) $x = 1$

В) $x = 2$

Г) $x = -2$

19. Производной функции $y = f(x)$ в точке x_0 называется:

А) $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$

Б) $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{x}$

	5. Найти предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x-3}\right)^{5x}$.
	6. Используя логарифмическое дифференцирование, вычислите производную функции $y = x^{\sin x}$.
	7. Найдите точку максимума функции $y=2x^3-3x^2-36x+40$.

3.2 Типовые вопросы и задания

ОПК-1.4 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности, связанной с защитой окружающей среды и обеспечением безопасности человека на основе знаний основных законов математических, естественнонаучных и обще профессиональных дисциплин.

1. Матрица. Основные понятия и виды матриц
2. Матрица. Действия над матрицами.
3. Определители. Свойства определителей.
4. Системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера – Капелли.
5. Векторы. Линейные операции над векторами.
6. Скалярное произведение векторов и его свойства.
7. Прямая на плоскости. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых. Расстояние от точки до прямой.
8. Парабола. Каноническое уравнение параболы. Фокус, директриса, параметр, вершина, эксцентриситет.
9. Классификация точек разрыва функции.
10. Определение производной. Геометрический смысл производной.
11. Вычислить $3A-2B$, если $A=\begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 0 & -4 \\ 2 & 1 & 3 \end{pmatrix}$ и $B=\begin{pmatrix} -1 & 0 & 4 \\ 5 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.
12. Вычислить $A \cdot B$, если $A=\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 3 & -2 \end{pmatrix}$ и $B=\begin{pmatrix} 4 & 0 \\ -2 & -1 \end{pmatrix}$.
13. Вычислить минор M_{23} определителя $\begin{vmatrix} -3 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & -3 & -1 \\ 2 & 2 & 1 & -2 \\ 3 & 1 & 1 & -3 \end{vmatrix}$.
14. Найдите периметр треугольника ABC , если $A(8; 0; 7)$, $B(10; 2; 8)$, $C(10; -2; 8)$.
15. Найти внутренний угол A треугольника ABC , если $A(8; 0; 7)$, $B(10; 2; 8)$, $C(10; -2; 8)$.
16. Найдите модуль векторного произведения векторов $\vec{a} = \vec{i} + \vec{k}$, $\vec{b} = -\vec{j} + 2\vec{k}$.
17. Вычислите угол между прямыми $2x-y+5=0$, $3x+y-1=0$.
18. Составить уравнение прямой, содержащей высоту BD в треугольнике с вершинами $A(-3; 2)$, $B(5; -2)$, $C(0; 4)$.
19. Найти предел $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2-6x+8}{x^2-8x+12}$.
20. Тело массой 8 кг движется прямолинейно по закону $s(t)=2t^2+3t-1$ (t - в секундах, s - в сантиметрах). Найдите кинетическую энергию $E = \frac{mv^2}{2}$ (в джоулях; 1 Дж=1 кг·м²/с²) тела через 3с после начала движения.
21. Неопределенный интеграл. Основные свойства неопределенного интеграла
22. Основные методы интегрирования.
23. Определенный интеграл и его свойства.

24. Функции нескольких переменных. Предел и непрерывность функции нескольких переменных.
25. Частные производные. Дифференцируемость функций нескольких переменных.
26. Комплексные числа. Действия над комплексными числами.
27. Достаточные признаки сходимости числовых рядов.
28. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница.
29. Дифференциальные уравнения первого порядка. Виды и методы решений.
30. Классическое определение вероятности. Свойства вероятности, вытекающие из классического определения. Примеры.

31. Вычислите интеграл $\int (3x + 5)e^{2x} dx$.

32. Вычислите интеграл $\int \frac{x}{(x+2)(x-3)} dx$.

33. Вычислите $z_1^2 \cdot z_2$, если $z_1 = -1 + 2i$, $z_2 = 2 - 3i$.

34. Найти частные производные первого порядка от функции

$$u = xe^y + ye^x.$$

35. Вычислить приближённо $\sin 5^\circ \cdot \operatorname{tg} 46^\circ$.

36. Найти формулу общего члена ряда:

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{5} + \frac{5}{8} + \frac{7}{11} + \dots$$

37. Исследовать на сходимость числовой ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{9^n}$.

38. Решить дифференциальное уравнение I порядка:

$$\sqrt{9 - y^2} dx - x dy = 0.$$

39. Два стрелка сделали по одному выстрелу по мишени. Известно, что вероятность попадания в мишень для одного из стрелков равна 0,6, а для другого – 0,7. Найдите вероятность того, что: а) только один из стрелков попадет в мишень; б) хотя бы один из стрелков попадет в мишень; в) оба стрелка попадут в мишень.

40. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение случайной величины, заданной законом распределения:

X	2	3	5
P	0,1	0,6	0,3

4 МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ, ОПРЕДЕЛЯЮЩИЕ ПРОЦЕДУРЫ ОЦЕНИВАНИЯ ЗНАНИЙ, УМЕНИЙ, НАВЫКОВ И (ИЛИ) ОПЫТА ДЕЯТЕЛЬНОСТИ, ХАРАКТЕРИЗУЮЩИХ ЭТАПЫ ФОРМИРОВАНИЯ КОМПЕТЕНЦИЙ

Лекции оцениваются по посещаемости, активности, умению выделить главную мысль.

Практические занятия оцениваются по самостоятельности выполнения работы, грамотности в оформлении, правильности выполнения.

Самостоятельная работа оценивается по качеству и количеству выполненных домашних или контрольных работ, грамотности в оформлении, правильности выполнения.

Промежуточная аттестация проводится в форме зачета и экзамена.

Для получения зачета и экзамена студент очной формы обучения должен в течение семестра активно посещать лекции и принимать участие в обсуждении вопросов, касающихся изучаемой темы, выполнить и защитить отчеты по практическим занятиям.

Для получения зачета и экзамена студент заочной формы обучения должен написать контрольную работу, активно посещать лекции и принимать участие в обсуждении вопросов, касающихся изучаемой темы, выполнить и защитить отчеты по практическим занятиям.

Критерии оценки зачета и экзамена могут быть получены в тестовой форме: количество баллов или удовлетворительно, хорошо, отлично. Для получения соответствующей оценки на зачете и экзамене по курсу используется накопительная система бально-рейтинговой работы студентов. Итоговая оценка складывается из суммы баллов или оценок, полученных по всем разделам курса и суммы баллов, полученной на зачете и экзамене.

Таблица 4.1 - Критерии оценки уровня знаний студентов с использованием теста на зачете и экзамене по учебной дисциплине

Оценка	Характеристики ответа студента
Отлично	86-100 % правильных ответов
Хорошо	71-85 %
Удовлетворительно	51- 70%
Неудовлетворительно	Менее 51 %

Оценка «зачтено» соответствует критериям оценок от «отлично» до «удовлетворительно».

Оценка «не зачтено» соответствует критерию оценки «не удовлетворительно».

Количество баллов и оценка неудовлетворительно, удовлетворительно, хорошо, отлично определяются программными средствами по количеству правильных ответов к количеству случайно выбранных вопросов.

Критерии оценивания компетенций, следующие:

1. Ответы имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует об уверенных знаниях обучающегося и о его умении решать профессиональные задачи, оценивается в 5 баллов (отлично);

2. Более 75% ответов имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует о достаточных знаниях обучающегося и его умении решать профессиональные задачи – 4 балла (хорошо);

3. Не менее 50% ответов имеют полные решения (с правильным ответом). Их содержание свидетельствует об удовлетворительных знаниях обучающегося и о его ограниченном умении решать профессиональные задачи, соответствующие его будущей квалификации – 3 балла (удовлетворительно);

4. Менее 50% ответов имеют решения с правильным ответом. Их содержание свидетельствует о слабых знаниях обучающегося и о его неумении решать профессиональные задачи – 2 балла (неудовлетворительно).